

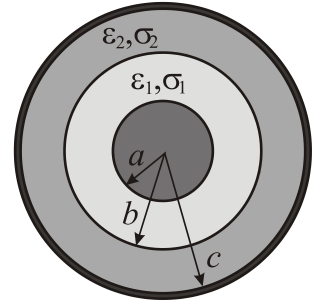
ЕЛЕКТРОМАГНЕТИКА – ОДАБРАНА ПОГЛАВЉА

ДОМАЋИ ЗАДАТАК 2 (05.03.2018.)

1. Сферни кондензатор полупречника a и c ($a < c$), испуњен је са два концентрична слоја несавршених диелектрика.

Параметри диелектрика су ϵ_1 и $\sigma_1(\theta, \psi) = \sigma_0(1 + \sin\theta)(2 + \cos\psi)$ за унутрашњи слој, односно ϵ_2 и $\sigma_2(\theta, \psi) = \sigma_0(2 + \cos\theta)\sin^2\psi$ за спољашњи слој, где је $\sigma_0 = \text{const}$

Специфичне проводности диелектрика су много мање од специфичне проводности електрода. Полупречник раздвојне површи два диелектрика је b ($a < b < c$). Спољашња електрода је на потенцијалу $\phi = 0$, а унутрашња на потенцијалу $\phi = U$. Одредити проводност овог кондензатора.



Решење: $G = \frac{4(4 + \pi)\pi\sigma_0 abc}{2(b - a)c + (4 + \pi)a(c - b)}$.

2. Коаксијални кабл полупречника проводника a и b ($a < b$) и дужине L испуњен је несавршеним диелектриком ($\epsilon_0, \mu_0, \sigma \neq 0$) при чему је $\sigma(z) = \sigma_0 \left(3 - \left(\frac{z}{L} \right)^3 \right)$, где је $\sigma_0 = \text{const}$ и $0 \leq z \leq L$.

Кабл је на једном крају прикључен на идеални генератор U , а на другом крају затворен отпорником R . Одредити подужну одводност кабла и расподелу струје у диелектрику.

Решење:

$$G' = \frac{2\pi\sigma_0}{\ln \frac{b}{a}} \left(3 - \frac{z^3}{L^3} \right); \quad I(z) = \frac{U}{R} - \frac{2\pi\sigma_0 U}{\ln \frac{b}{a}} \left(3z - \frac{z^4}{4L^3} - \frac{11L}{4} \right)$$